



# FLUJO TRANSITORIO EN SISTEMAS A PRESIÓN DESCRIPCIÓN DEL FENÓMENO

Jorge García-Serra García  
Instituto Tecnológico del Agua  
Universidad Politécnica de Valencia

## Interés del estudio de los **TRANSITORIOS**

Las decisiones sobre:

materiales

timbrajes

componentes

se toman considerando el

**ESTADO ESTACIONARIO**

Pero existen otras circunstancias a tener en cuenta originadas por variaciones del flujo (**FLUJOS NO ESTACIONARIOS**)

que provocan operación bajo condiciones que pueden ser **INACEPTABLES**

- Presiones demasiado altas
- Presiones demasiado bajas
- Flujo inverso
- Movimientos y vibraciones de tuberías

## Los transitorios se originan por variaciones del caudal con el tiempo

Variaciones de la demanda: Normalmente suaves

Maniobras en Estaciones de Bombeo

Arranque/Parada programado (Control **usuario**)

Fallo de Energía eléctrica (**Externa** → **Proteger**)

Maniobras Válvulas: (Velocidad controlada **por el usuario**)

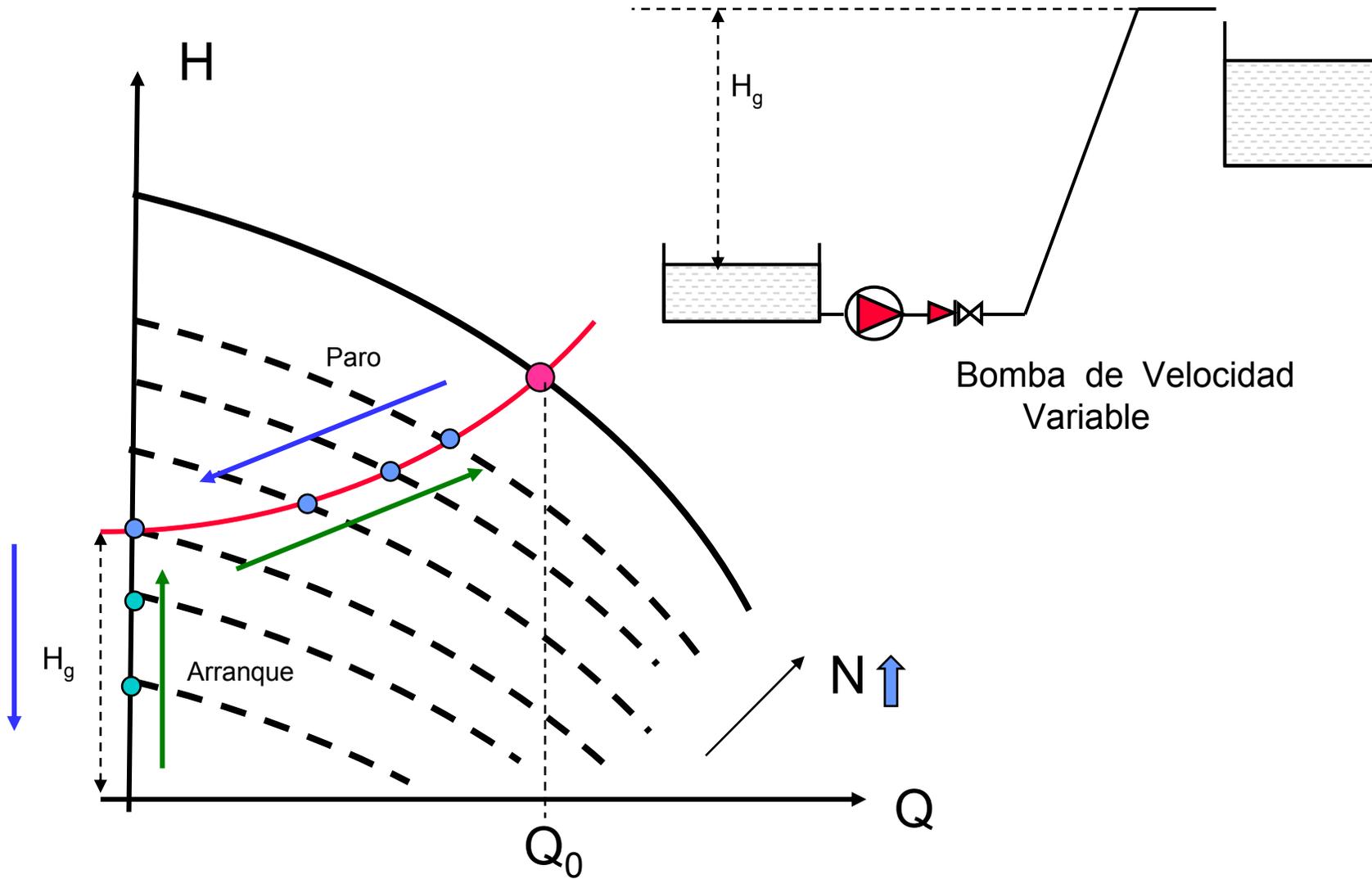
Acciones no adecuadas de dispositivos (p.e. válvulas automáticas). (Ajuste de la velocidad de respuesta **por el usuario**)

Roturas en conducciones (**accidentales**). (Buena ejecución y protección). **Fase de diseño y construcción**. Generan vaciado y depresiones

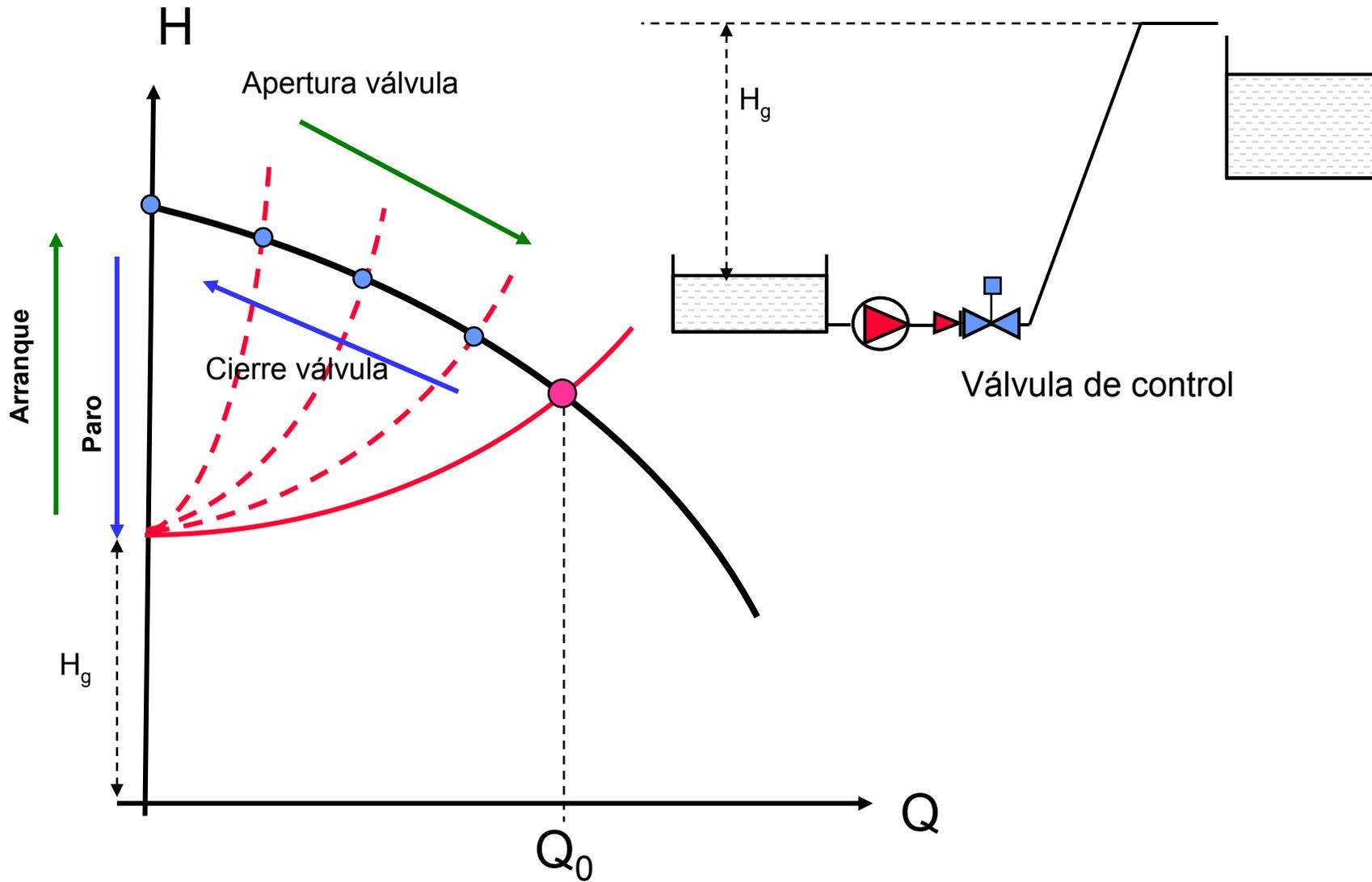
Si estas variaciones son lentas  $\frac{dQ}{dt}$  

**las consecuencias no son graves**

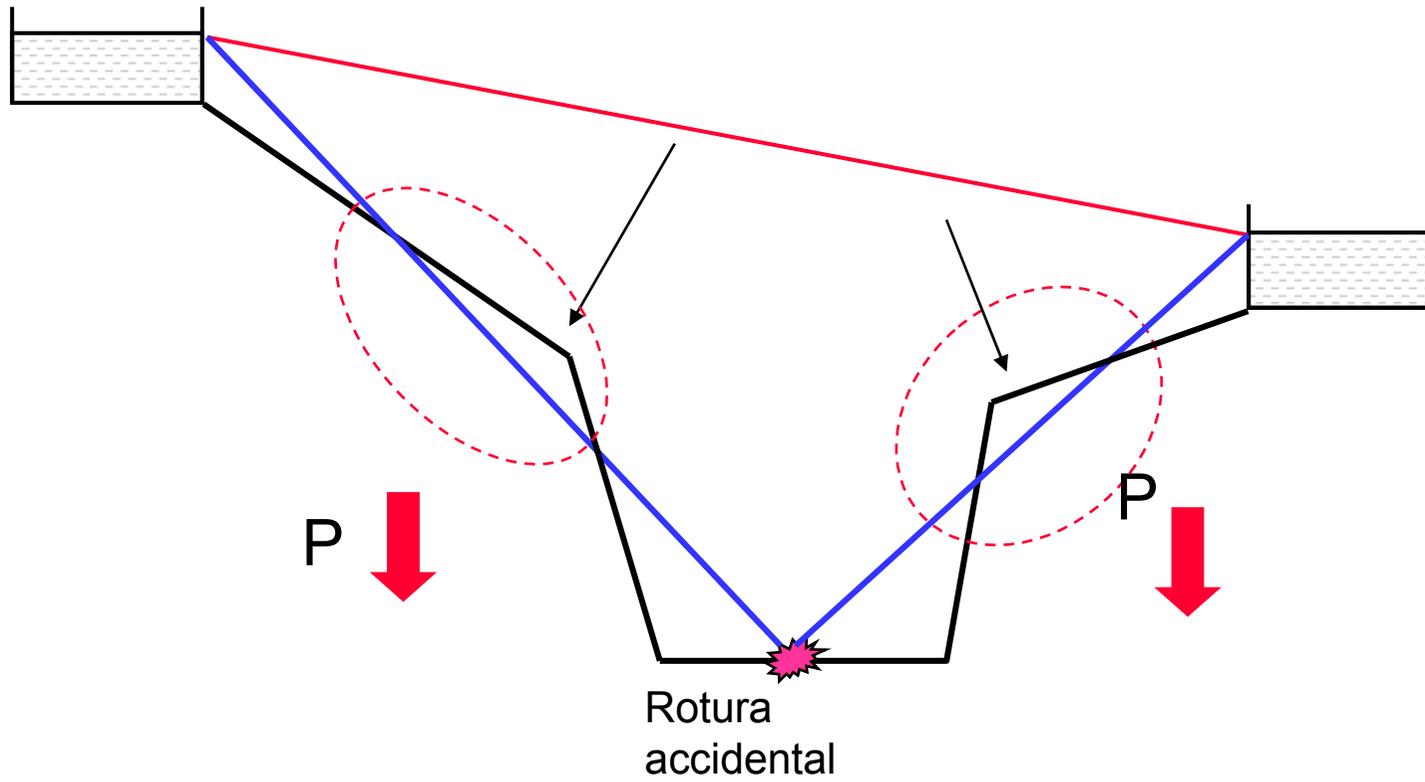
# Arranque/Paro controlado por BVV



# Arranque/Paro a Válvula cerrada



# Rotura accidental



## Descripción del fenómeno

¿Qué ocurre cuando se **inicia, modifica, interrumpe** un flujo?



¿Dónde se inicia?

¿Cómo se propaga?

¿Cómo actúa?

¿Cómo es modificada por los  
elementos de la conducción?

¿Cuáles son sus efectos?

¿Cuál es la sensibilidad del  
sistema a estos efectos?

¿Cómo pueden ser mitigados  
estos efectos si es necesario?

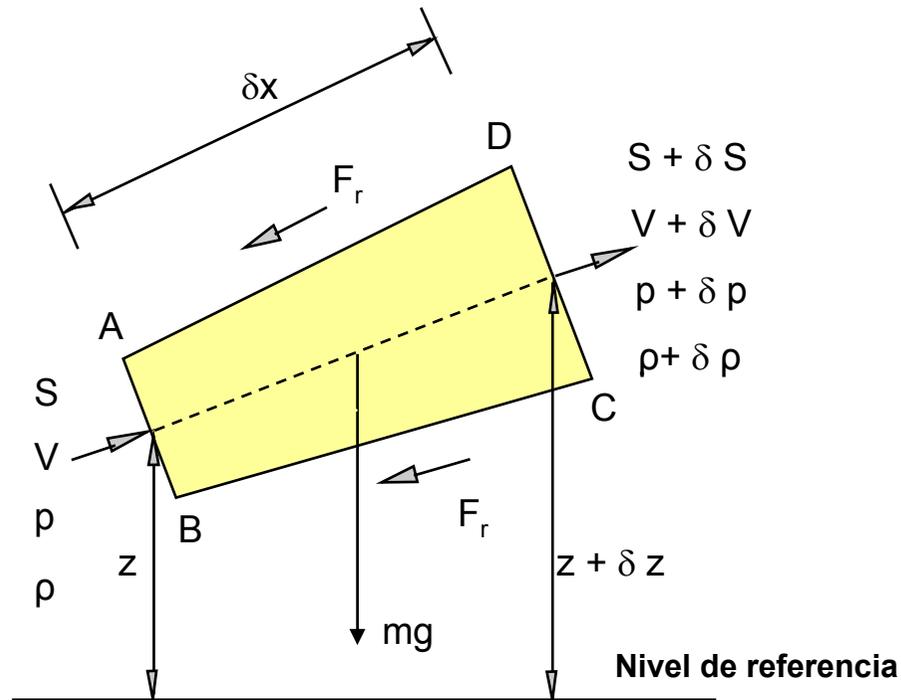
---

## ANALISIS DE TRANSITORIOS:

# ANÁLISIS DE TRANSITORIOS

## MAGNITUDES

Presión o Altura piezométrica	$p(x,t)$ o $H(x,t)$
Velocidad o Caudal	$V(x,t)$ o $Q(x,t)$
Sección tubería	$S(x,t)$
Densidad fluido	$\rho(x,t)$



Ecuación de continuidad

$$\frac{1}{S} \frac{dS}{dt} + \frac{1}{\rho} \frac{d\rho}{dt} + \frac{\partial V}{\partial x} = 0$$

Ecuación de movimiento

$$\frac{1}{g} \frac{dV}{dt} + F_r + \frac{\partial H}{\partial x} = 0$$

# ¿Cómo se propaga la perturbación?

MODELOS	<b>RIGIDO</b> oscilación en masa  Caso particular del modelo elástico	<b>ELASTICO</b>  golpe de ariete  Tiene en cuenta la elasticidad del Fluido y de la tubería
Transmisión de la Perturbación	<b>instantánea</b>	<b>velocidad finita (a) celeridad</b>

## Celeridad de las ondas generadas por la perturbación

Korteweg (1878)

$$a = \frac{1}{\sqrt{\rho \left( \frac{1}{K} + \frac{1}{A} \frac{\delta A}{\Delta p} \right)}} = \frac{\sqrt{\frac{K}{\rho}}}{\sqrt{1 + \frac{K D}{E e}}}$$

$$a = \frac{9900}{\sqrt{48.3 + k \frac{D}{e}}}$$

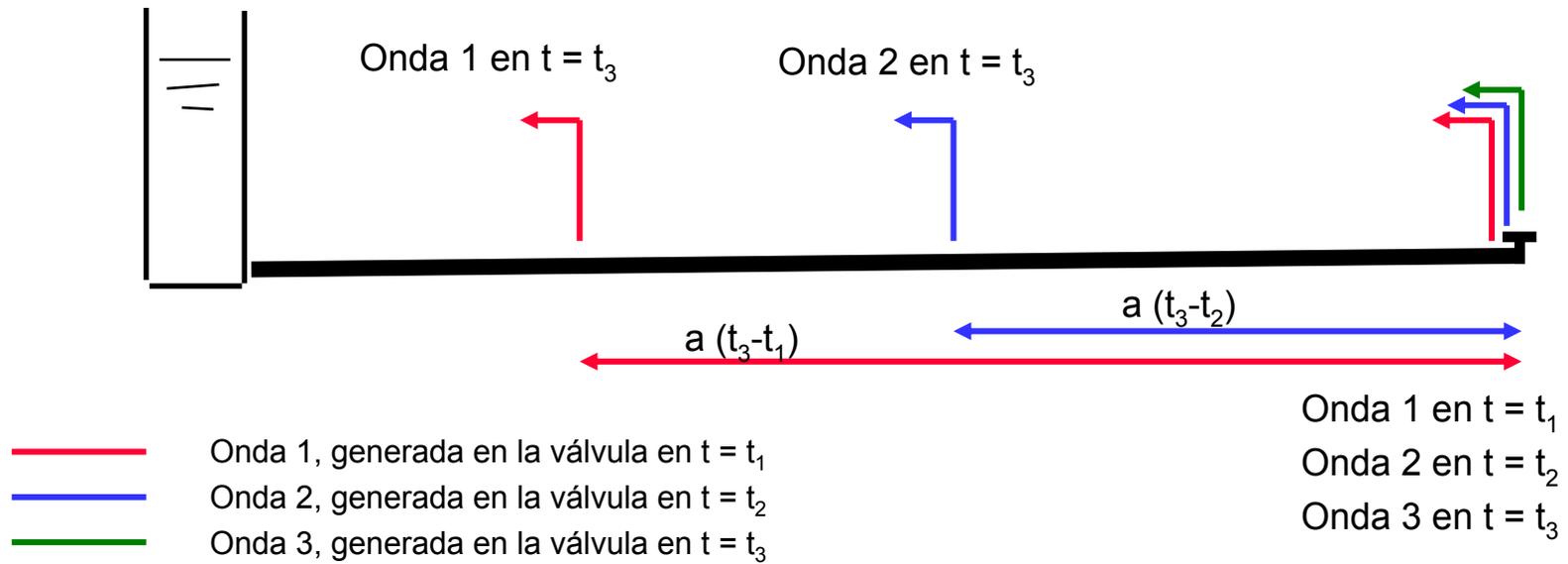
E: Módulo de Young del material de la tubería  
 K: Módulo de elasticidad volumétrico del agua  
 D: Diámetro interior tubería  
 e: Espesor tubería

MATERIAL	k
Acero	0.5
Fundición	1.0
Fibrocemento	5-6
PVC	20-25

**Orden de magnitud celeridad “a”:**

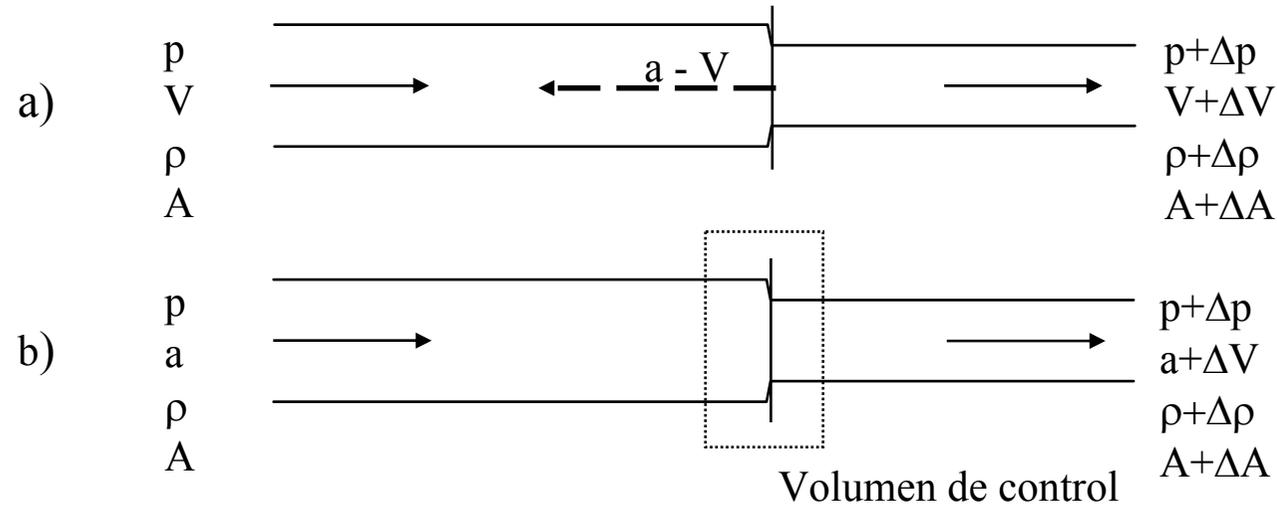
Materiales metálicos: 1000 m/s

Materiales plásticos: 300 a 500 m/s



# Intensidad de la onda de presión

## Pulso de Joukowsky o de Allievi



Aplicando la ecuación de conservación de la cantidad de movimiento

$$\Delta p = -\rho a \Delta V$$

$$\Delta H = -\frac{a \Delta V}{g}$$

Para cierre instantáneo de válvula

Para  $a = 1000 \text{ m/s}$ , con  $g = 10 \text{ m/s}^2$

$$\Delta V = 0 - V_0 = -V_0 \rightarrow \Delta H = \frac{a V_0}{g}$$

$$\Delta H \text{ (mca)} = \frac{1000 V_0}{10} = 100 V_0$$

## MODELO ELÁSTICO

Ec. de continuidad

$$\frac{a^2}{g} \frac{\partial V}{\partial x} + \frac{\partial H}{\partial t} = 0$$

Ec. Conservación  
cantidad de movimiento

$$\frac{\partial V}{\partial t} + g \frac{\partial H}{\partial x} + \frac{f}{2D} V|V| = 0$$

Sistema de ecuaciones en derivadas parciales  
acoplado  
no lineal  
de tipo hiperbólico

## ¿Dónde se inicia y cómo es modificada la perturbación?

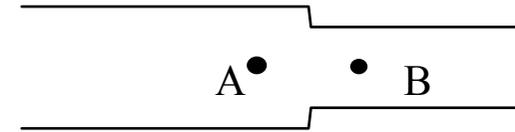
- Los modelos llevan la contabilidad de las ondas.
- Las perturbaciones son
  - generadas (bombas, válvulas...)
  - modificadas
    - amortiguadas (calderines, fricción tuberías...)
    - reflejadas (extremos ciegos, conexiones...)
    - absorbidas (depósitos, grandes tuberías...)
    - amplificadas (resonancia...)
    - ...
  - ¿Cómo se modelizan estos elementos?

CONDICIONES DE CONTORNO

## Ejemplos sencillos de condiciones de contorno

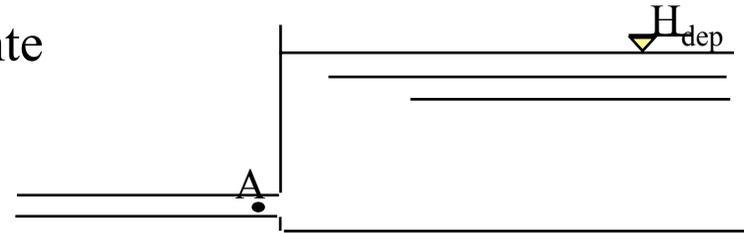
a) Conexión simple.

$$H_A = H_B$$



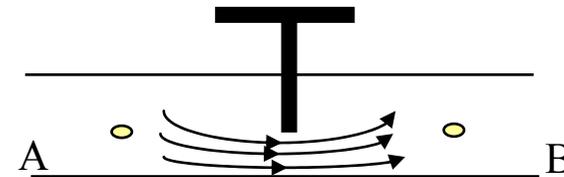
b) Elemento de altura constante

$$H_A = H_{dep}$$



c) Válvula.

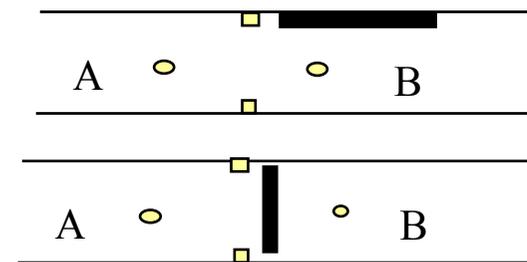
$$\Delta H = K(t) Q|Q|$$



d) Válvula de retención.

$$H_A = H_B ; Q_A = Q_B$$

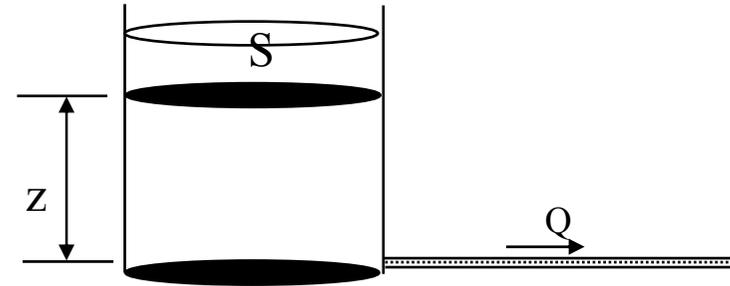
$$Q_A = 0 ; Q_B = 0$$



## Ejemplos sencillos de condiciones de contorno

e) Depósito de altura variable.

$$\frac{dz}{dt} = - \frac{Q}{S}$$



f) Bomba parando.

Altura-Caudal:  $H_b = A Q^2 + B \alpha Q + C \alpha^2$

Potencia :  $P = \frac{\gamma Q H_b}{\eta}$

Par:  $M = \frac{\text{Pot.}}{\omega} = \frac{\gamma Q H_b}{\eta \cdot \omega}$

Inercia :  $M = - I \frac{dw}{dt}$

w: vel. giro rad/s

I: Momento Inercia (bomba+motor)

# ANÁLISIS DE TRANSITORIOS HIDRAULICOS

Objetivo: Hallar

$H(t,x)$  o  $p(t,x)$  y  $Q(t,x)$  o  $V(t,x)$  para  $t > 0$

**ECUACION(ES)**

Integración

+

**CONDICIONES  
DE CONTORNO**

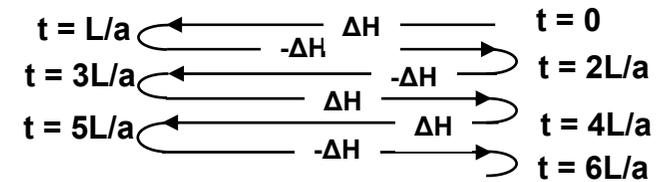
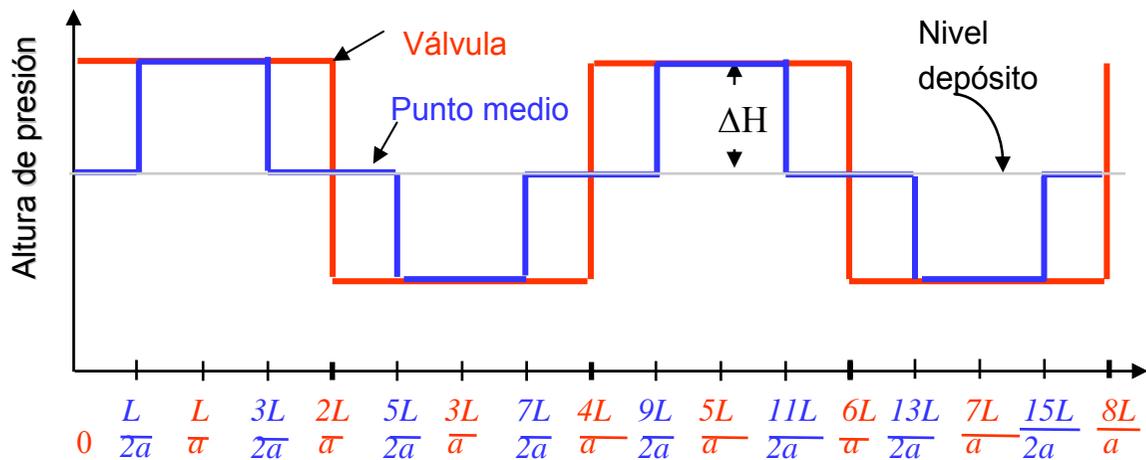
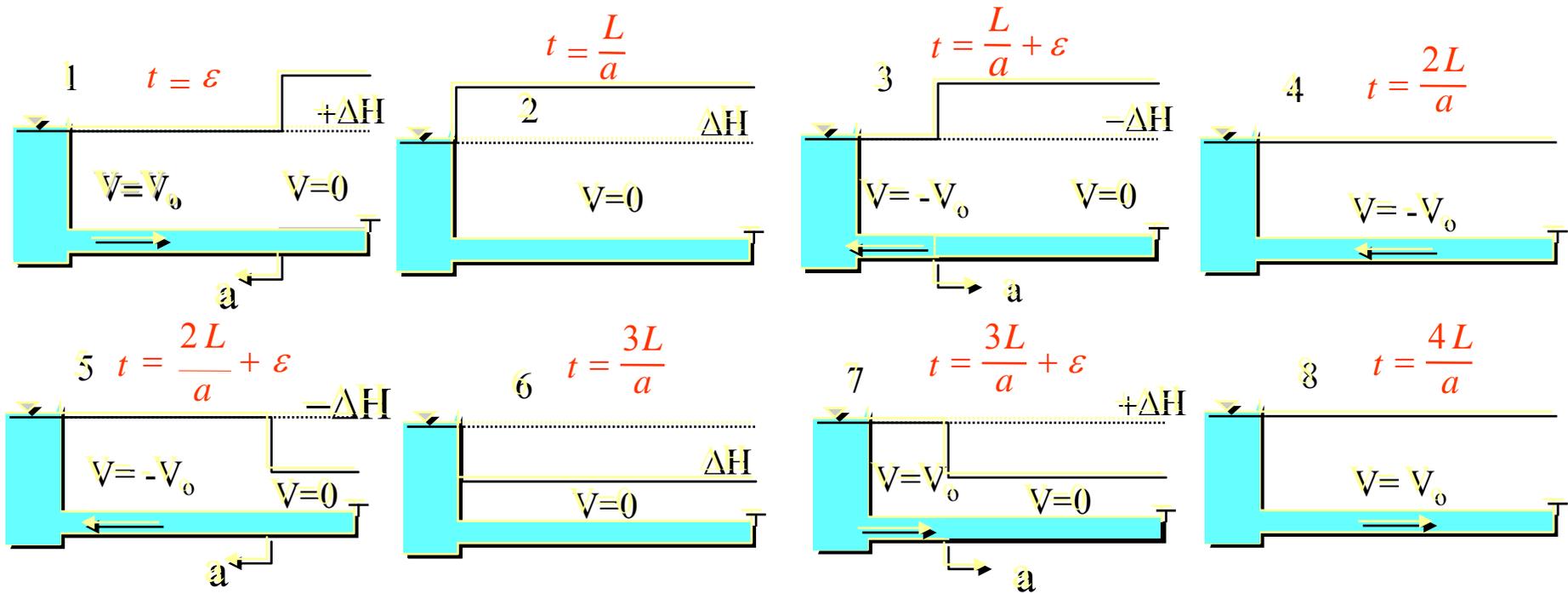
Complementan  
información

+

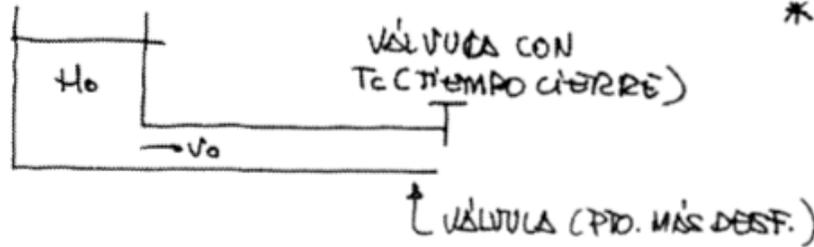
**CONDICION  
INICIAL**

Punto de partida:  
condición de  
régimen

# Descripción: Cierre instantáneo de válvula sin considerar la fricción



# CIERRES RÁPIDOS Y LENTOS



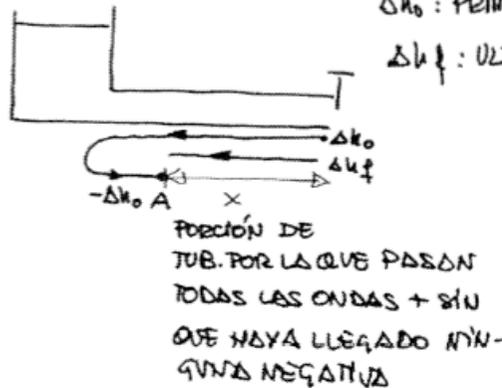
\*  $T_c = 0$  (CIERRE INST.)

EN  $t = L/a$  TODA LA TUBERÍA SOMETIDA A LA SOB. DE ALLÍ EN  $\Delta H = \frac{av_0}{g}$

Cierre rápido

\*  $0 < T_c < \frac{2L}{a}$

EXISTEN PUNTOS DE LA TUB. CON SOB. DE ALLÍ EN PERO NO TODOS (EMPEZANDO POR LA VÁLVULA)  
 EXISTE UN TRAMO DE LA TUBERÍA POR EL QUE PASAN TODAS LAS ONDAS POSITIVAS GENERADAS ANTES DE QUE VUEVA LA PRIMERA DEPRESIÓN  $-\Delta h$  DEL DEPÓSITO  $\rightarrow$  ESE TRAMO AGUANTA LA SOB. DE ALLÍ EN.



$\Delta h_0$ : PRIMERA ONDA (EMPEZO A CERRAR)

$\Delta h_f$ : ÚLTIMA ONDA ANTES DE ESTAR TOTALM. CERRADA

$\Delta h_0$  HASTA EL PUNTO A  $\frac{L}{a} + \frac{L-x}{a}$

$\Delta h_f$  " " " A  $T_c + \frac{x}{a}$

$$\frac{L}{a} + \frac{L-x}{a} = T_c + \frac{x}{a} \rightarrow \boxed{x = L - \frac{aT_c}{2}}$$

$T_c = 0 \rightarrow x = L$

$T_c = \frac{2L}{a} \rightarrow x = 0$

si  $\uparrow T_c \rightarrow x \downarrow$  (MENOS PORCIÓN DE TUB. AGUANTARÁ LA MÁX. SOB.)

Cierre lento

\*  $T_c > \frac{2L}{a}$  NO SE ALCANZA LA SOB. ALLÍ EN EN NINGÚN PUNTO.

# CIERRE LINEAL. Fº MICHAUD

LA LEY DE VELOCIDADES EN LA TUB (INMEDIATAMENTE A QUINCE ARRIBA DE LA VÁLVULA) ES:  $V = V_0(1 - t/T_c)$

PARA UN CIERRE PARCIAL, LA SOB. PRODUCIDA:

$$\Delta H = -\frac{a \Delta V}{g}$$

(CIC. TOTAL  $\Delta V = 0 - V_0 = -V_0 \rightarrow \Delta H = \frac{aV_0}{g}$ )

$\uparrow$   $\uparrow$   
 $V_{\text{final}}$   $V_{\text{inicial}}$

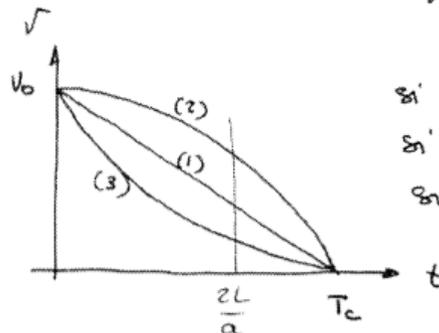
Si  $T_c < \frac{2L}{a}$  C. RÁPIDO  $\rightarrow$  Fº S. ALLIÉVI

Si  $T_c > \frac{2L}{a}$  C. LENTO

PARA CALCULAR  $\Delta H_{\text{MÁX}}$  HAY QUE TENER EN CUENTA QUE ÉSTA SE PRODUCE EN LA VÁLVULA EN  $t = \frac{2L}{a}$  (CUANDO EMPIEZAN A LLEGAR ONDAS REFLECTIVAS)

$$\text{PARA } \Delta V_{\text{MÁX}} = V(t = \frac{2L}{a}) - V_0 = V_0(1 - \frac{2L}{aT_c}) - V_0 = -\frac{V_0 2L}{aT_c}$$

$$\Delta H_{\text{MÁX}} = -\frac{a \Delta V_{\text{MÁX}}}{g} = \frac{2LV_0}{gT_c} \rightarrow \boxed{\Delta H_{\text{MÁX}} = \frac{2LV_0}{gT_c}} \text{ Fº MICHAUD}$$



Si LEY CIERRE LINEAL (1)  $\rightarrow$  Fº MICHAUD CORRECTA.

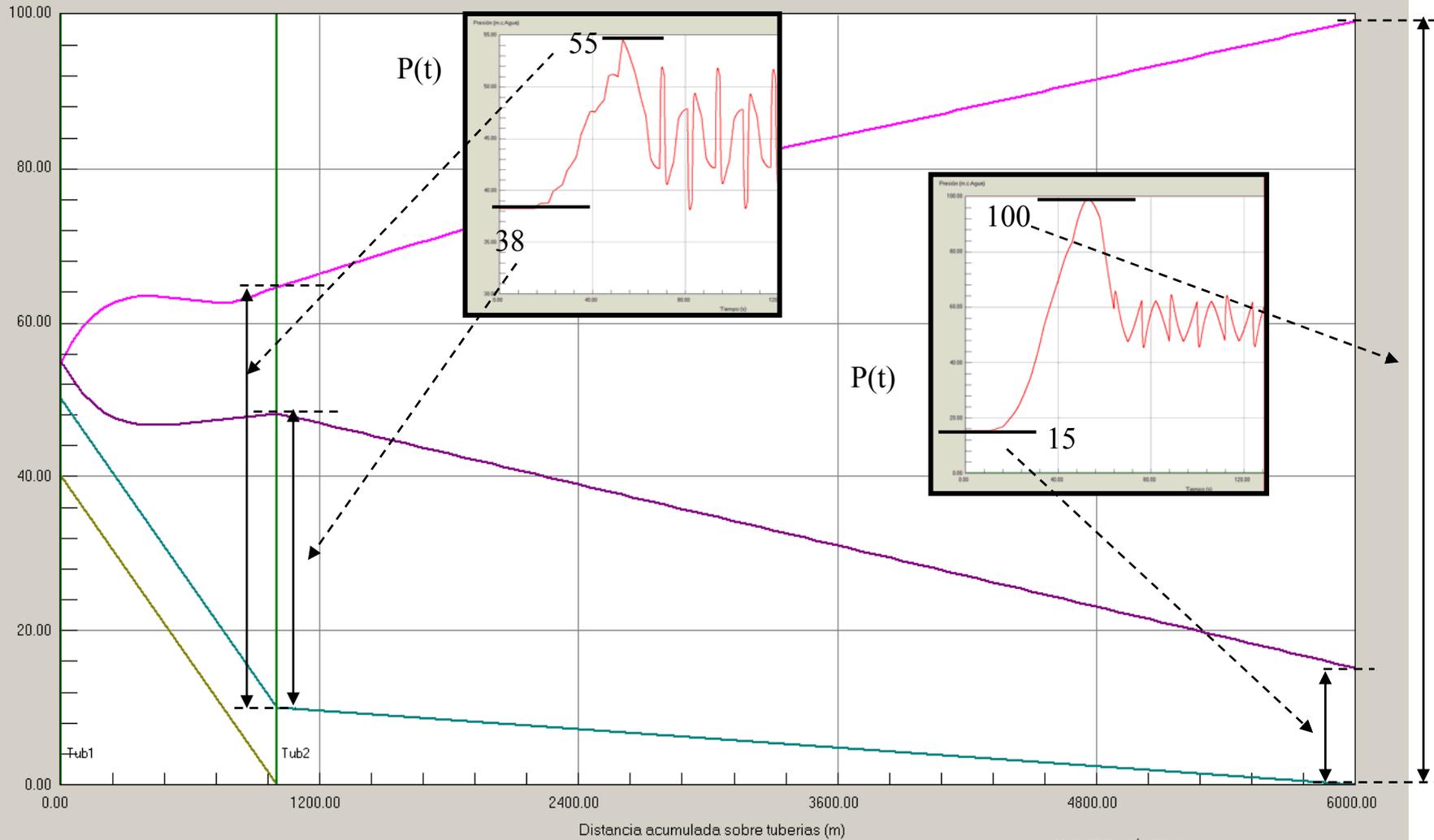
Si " " (2)  $\rightarrow$  SOB. MICHAUD > SOB. REAL

Si " " (3)  $\rightarrow$  SOB. MICHAUD < SOB. REAL

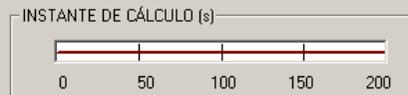
Instante de cálculo 0 h 3 m 20 s

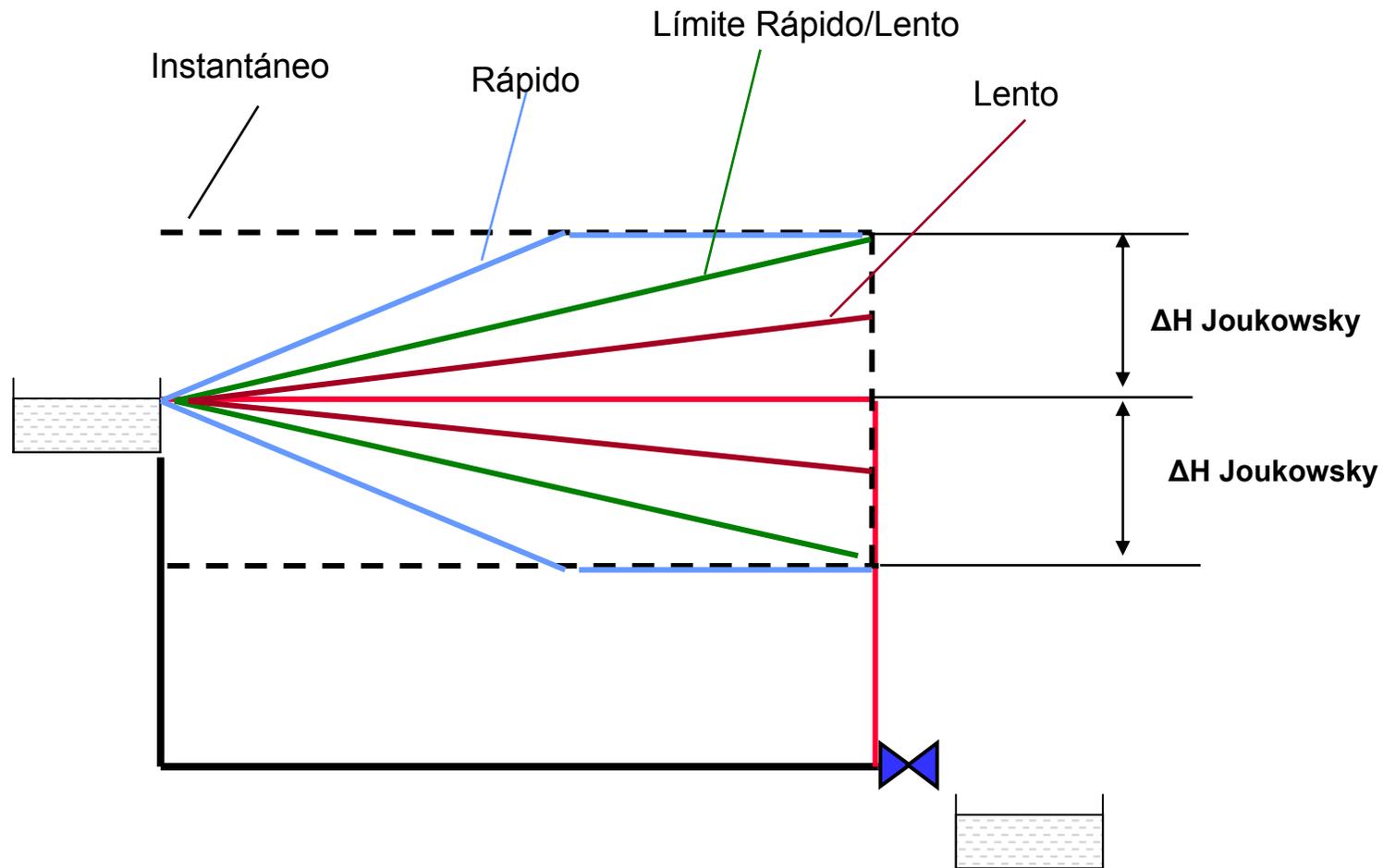
ENVOLVENTE DE ALTURAS PIEZOMÉTRICAS EN TUBERÍAS SELECCIONADAS

Altura piezométrica (m.c.Agua)

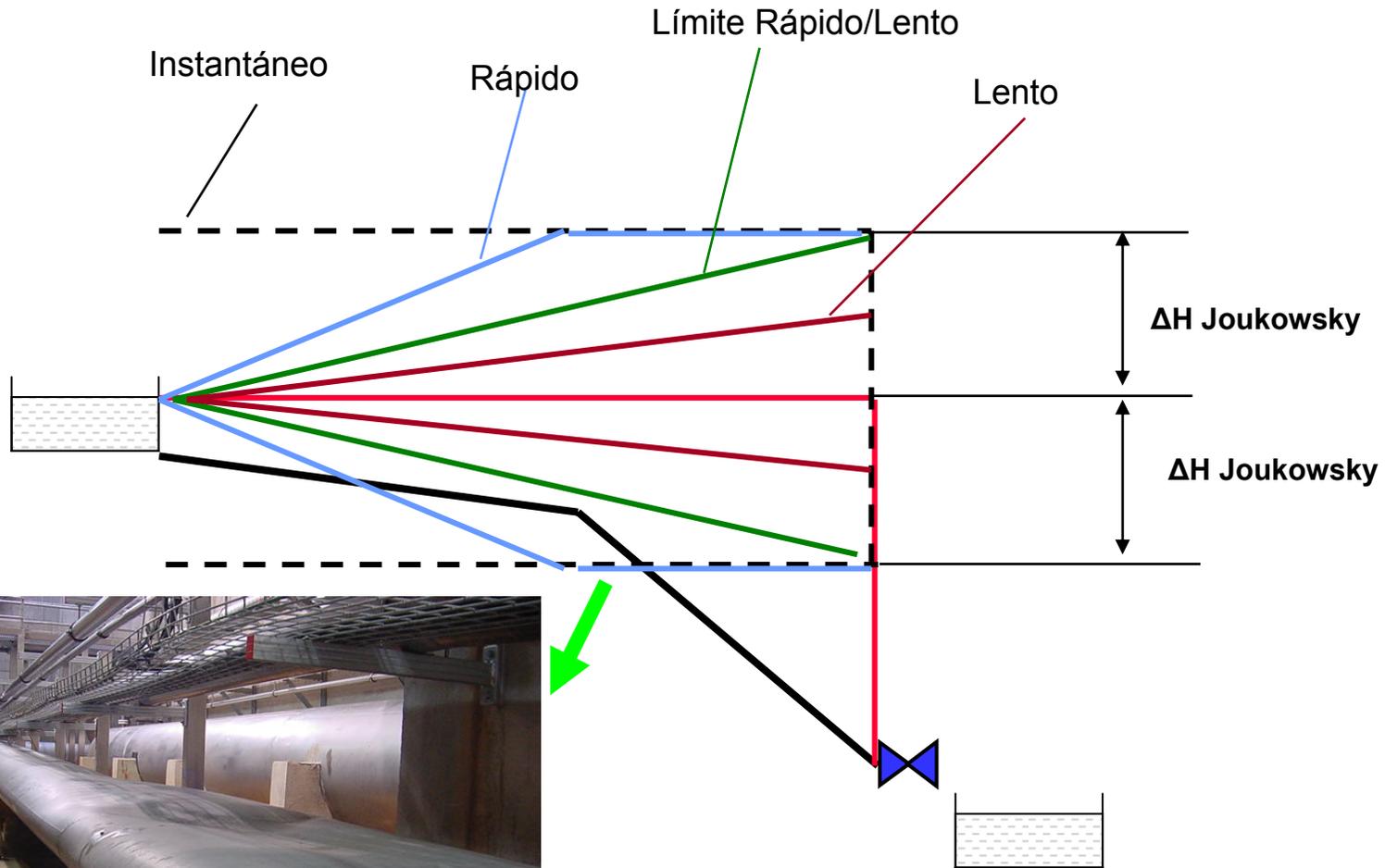


ATRÁS



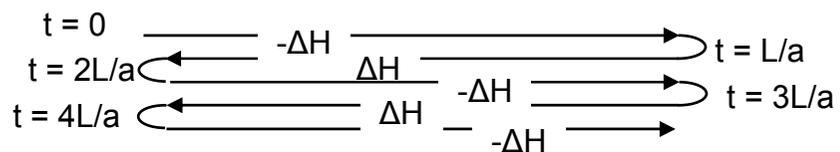
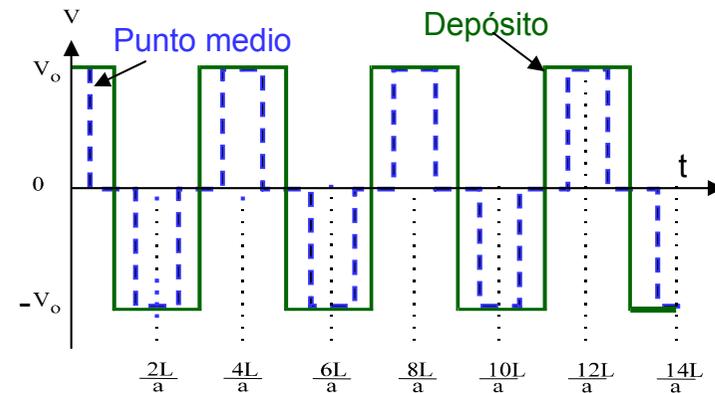
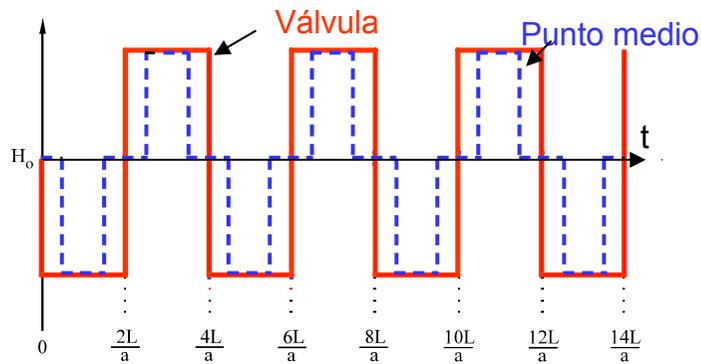
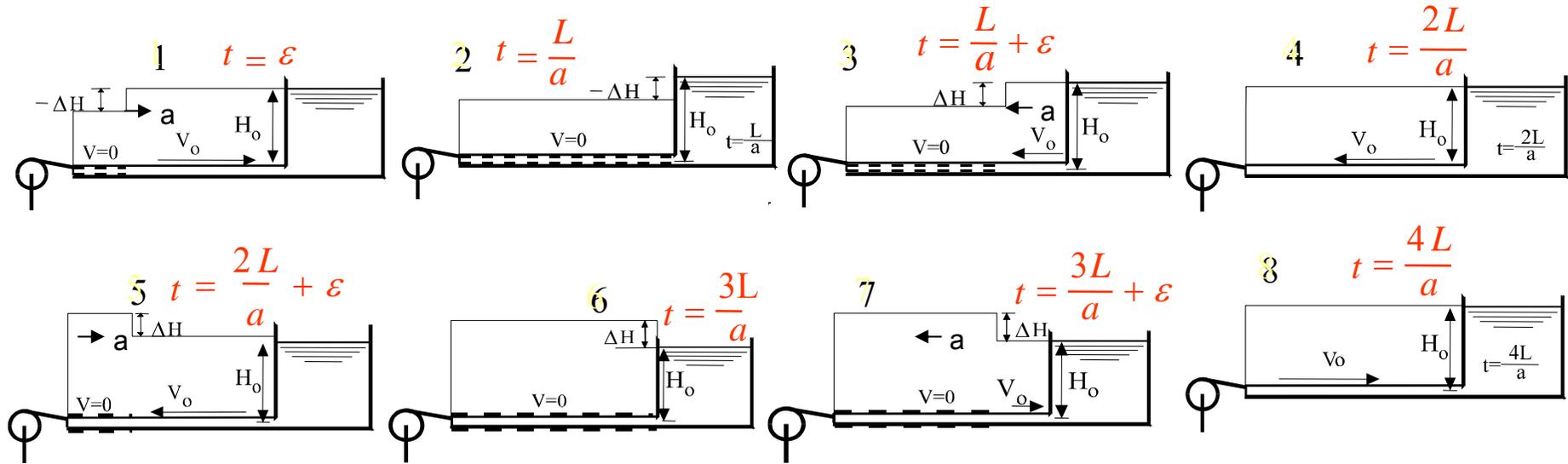


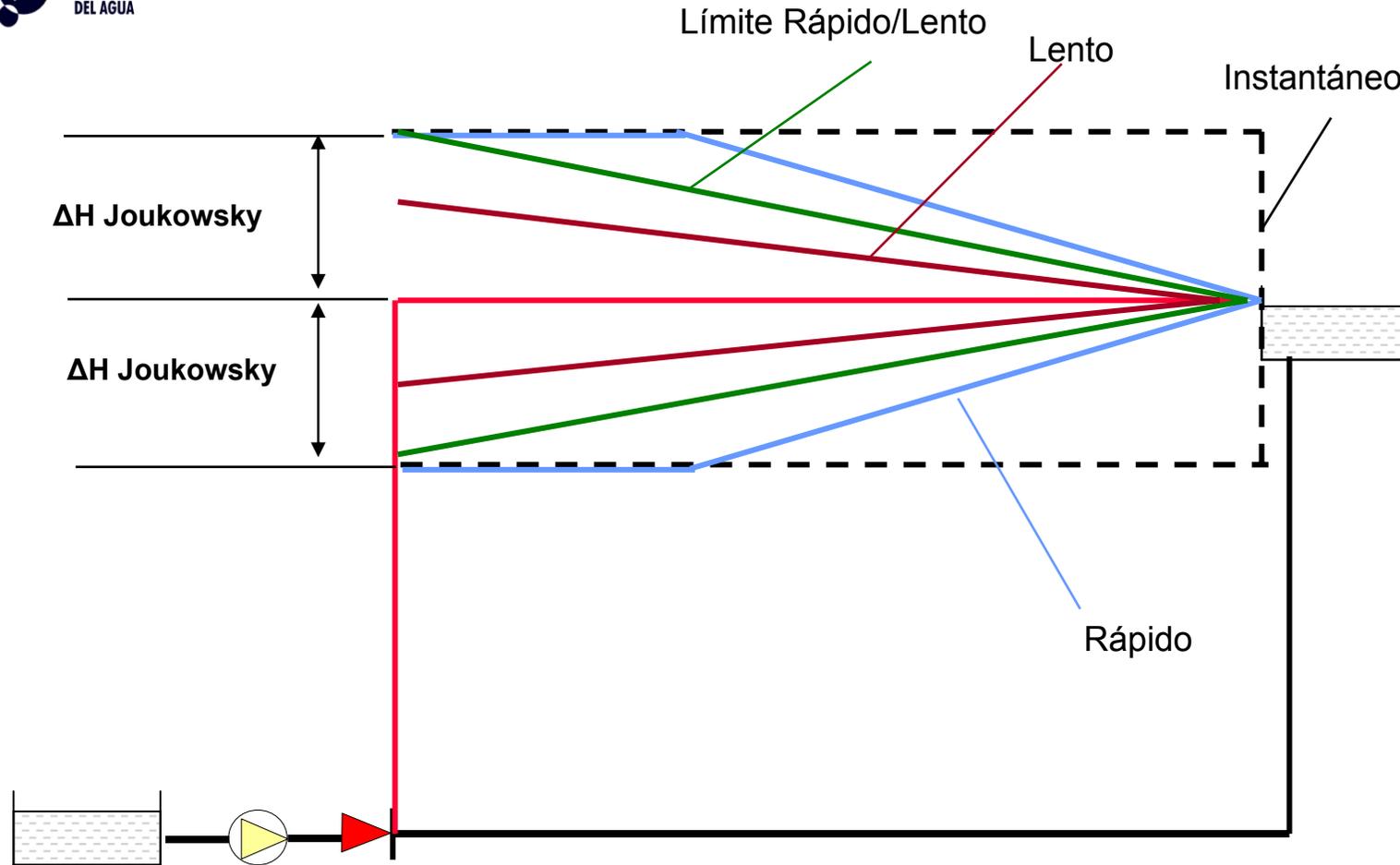
Caso ideal: No hay pérdidas de carga en la tubería



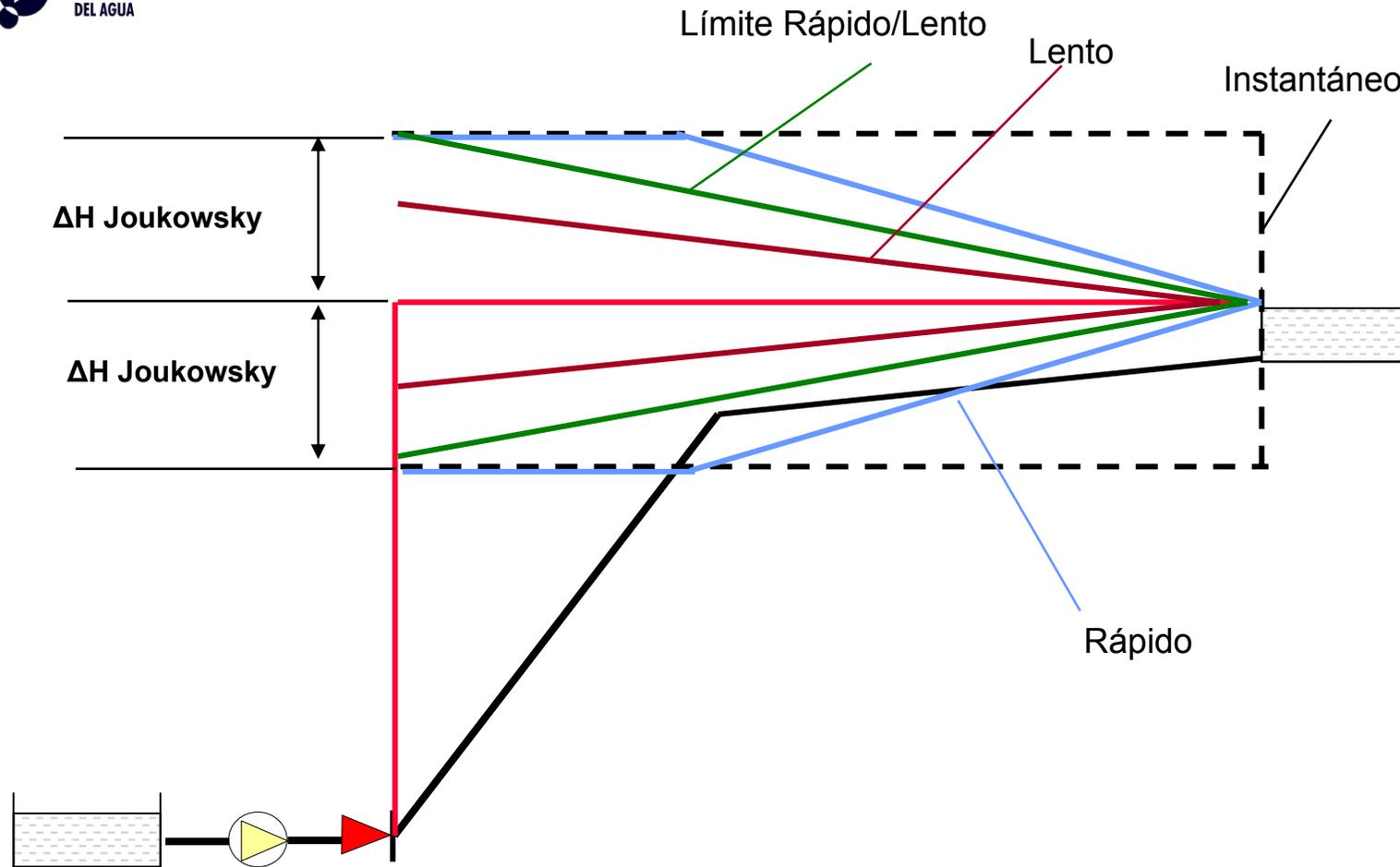
Caso ideal: No hay pérdidas de carga en la tubería

# Cierre instantáneo de las válvulas de descarga en un grupo de bombeo



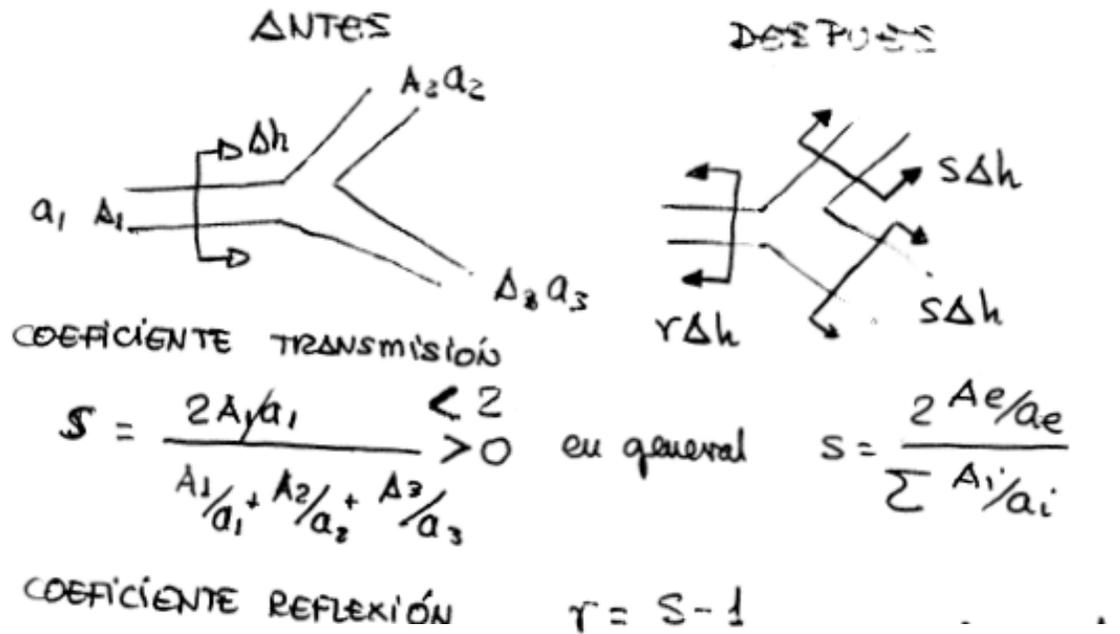


Caso ideal: No hay pérdidas de carga en la tubería



Caso ideal: No hay pérdidas de carga en la tubería

# TRANSMISIÓN Y REFLEXIÓN (1)



## SIMPLIFICACIÓN

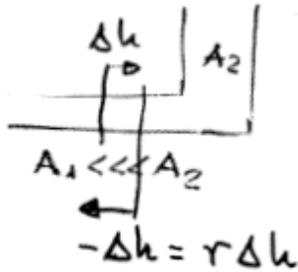
$$a_1 = a_2 = a_3 = \dots = a_n$$

$$S = \frac{2\Delta e}{\sum \Delta_i} \quad r = S - 1$$

$$S = \frac{2\Delta e}{\sum \Delta_i}$$

$$r = S - 1$$

## DEPÓSITO / SALIDA LIBRE



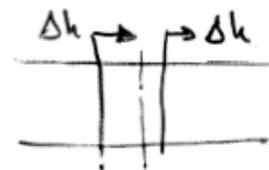
$$S = \frac{2A_1}{A_1 + A_2} \rightarrow 0$$

$$r = S - 1 = 0 - 1 = -1$$

SE REFLEJA TODA  
CON SIGNO (-)

$$-\Delta h = r \Delta h$$

## TUBERÍA A CTE



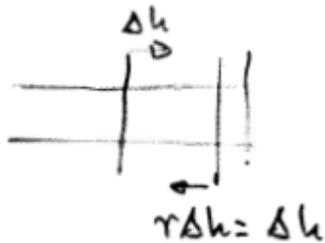
$$\Delta_1 = A_2$$

$$S = \frac{2\Delta_1}{\Delta_1 + A_2} = \frac{2\Delta_1}{2\Delta_1} = 1$$

$$r = S - 1 = 0$$

SE TRANSMITE TODA

## EXTREMO CERRADO



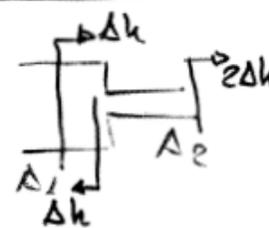
$$A_2 = 0 \quad S = \frac{2\Delta_1}{\Delta_1 + 0} = 2$$

$$r = 2 - 1 = 1$$

SE REFLEJA LA MISMA

$$\frac{\Delta P}{r} = 2\Delta h$$

## ESTRECHAMIENTO



$$\Delta_1 \gg A_2$$

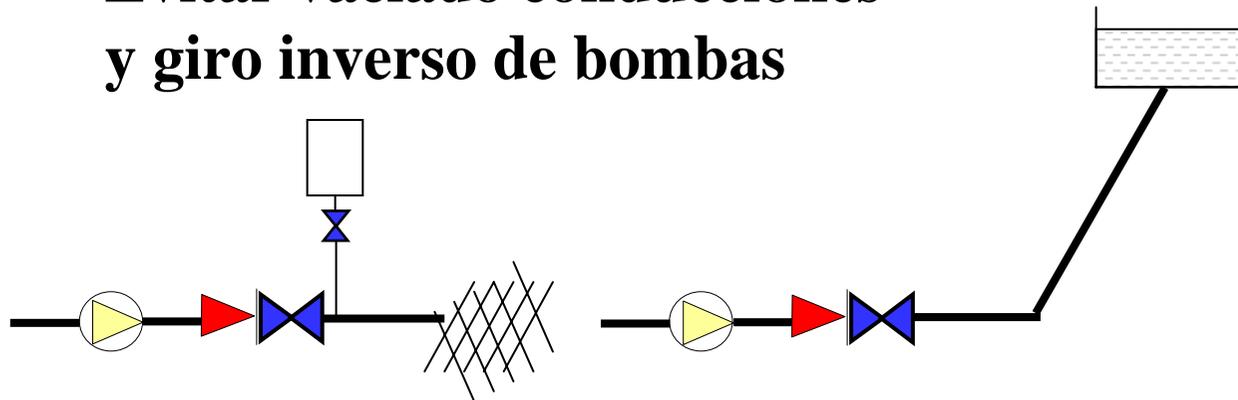
$$S = \frac{2\Delta_1}{\Delta_1 + A_2} \rightarrow 2$$

$$r = S - 1 \rightarrow 1$$



# INSTALACIÓN DE VÁLVULAS DE RETENCIÓN

**Evitar vaciado conducciones  
y giro inverso de bombas**

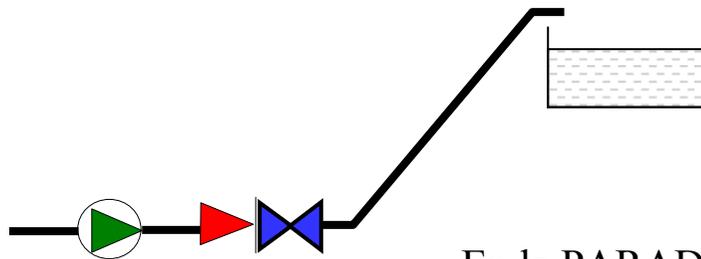


# EFFECTOS DE LAS VÁLVULAS DE RETENCIÓN

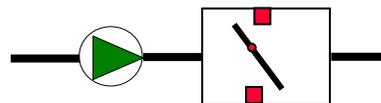
## GENERACIÓN DE G.D.A.

El cierre o apertura brusca de la válvula de retención genera sobrepresiones en el sistema.

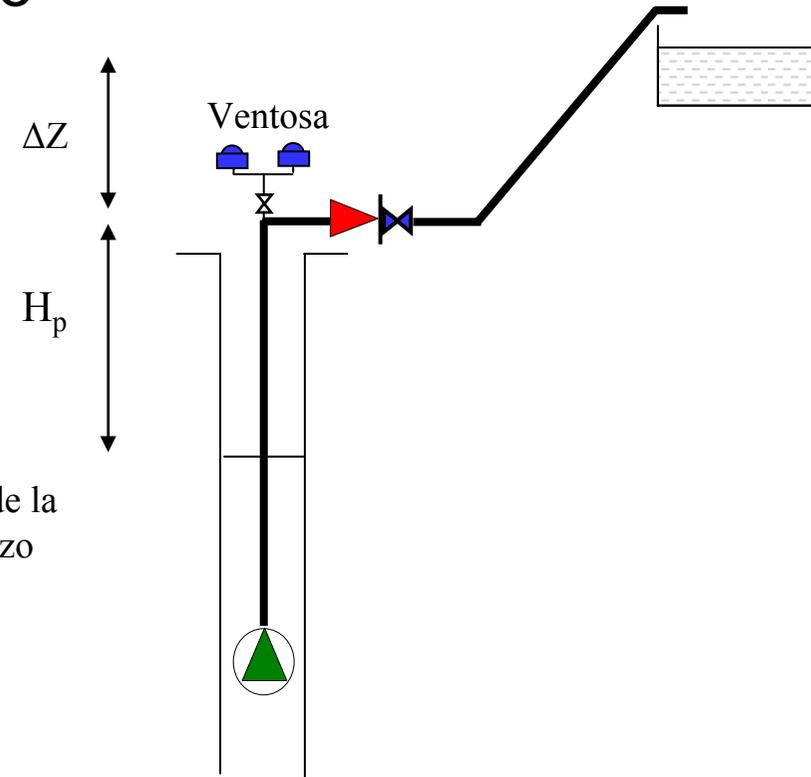
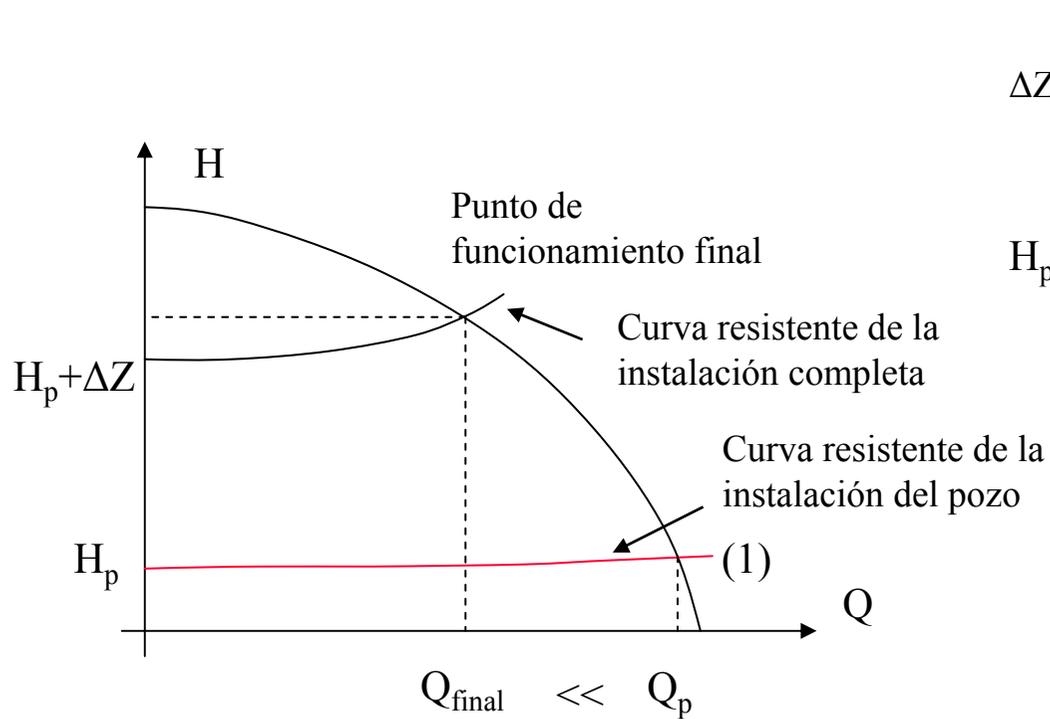
En el ARRANQUE, interesa apertura lenta de la VR para acelerar la columna de agua situada aguas abajo de manera lenta



En la PARADA, un cierre lento de la VR frena poco a poco el flujo inverso. Actúa a modo de válvula de alivio. **SI CIERRE CONTROLADO**  
Atención posibilidad de giro inverso de la bomba.



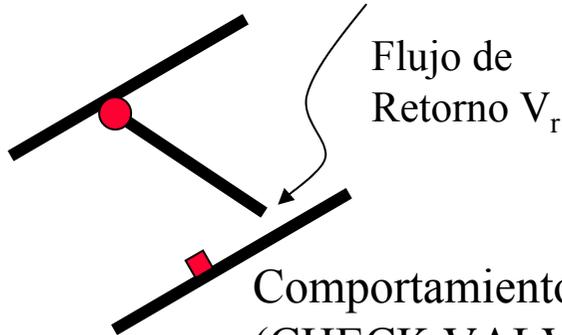
## Bombas de pozo



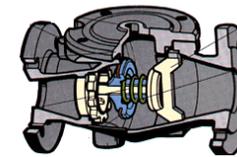
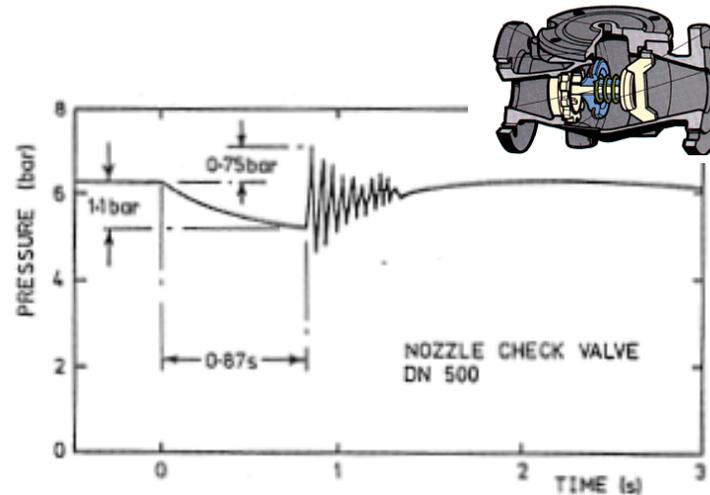
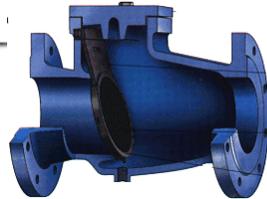
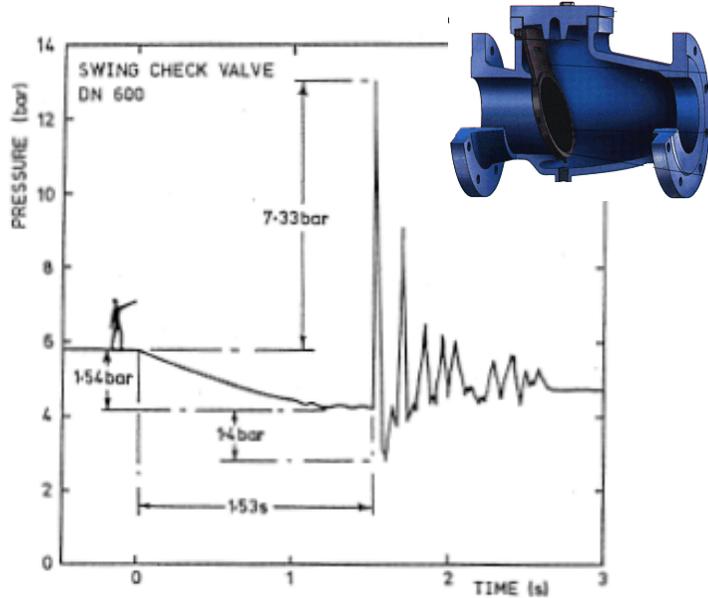
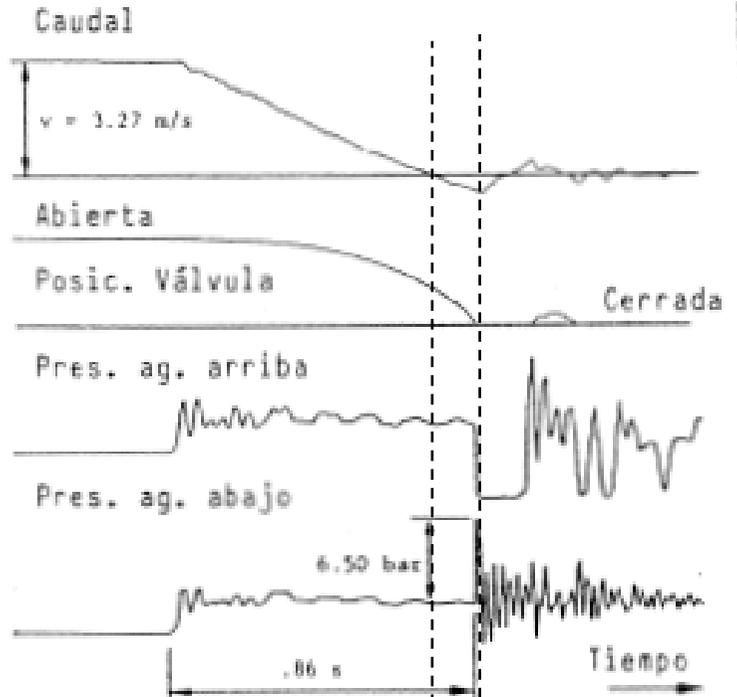
El agua llega a las ventosas con un caudal superior al de régimen (punto 1) y se encuentra la VR cerrada y una columna quieta aguas abajo de la VR con presión  $\Delta Z$ .

# COMPORTAMIENTO DINÁMICO DE LA VR

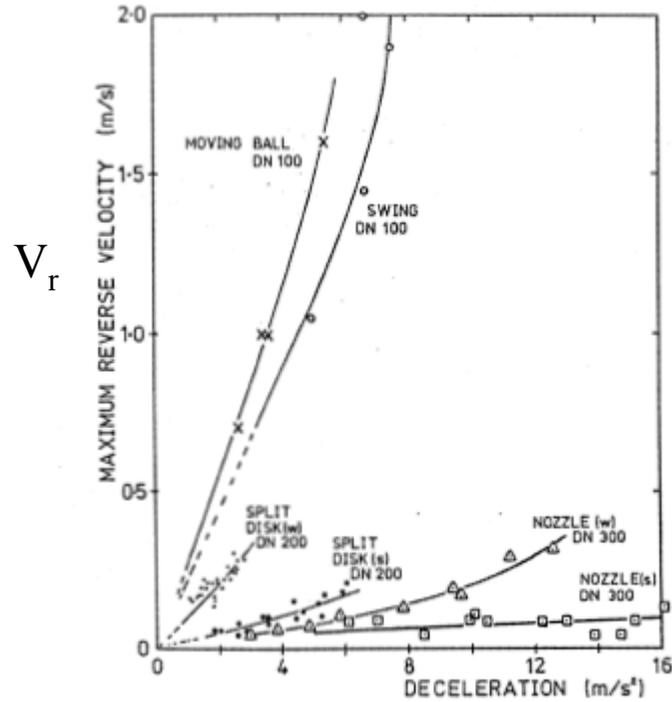
VR ideal: Cierra cuando  $V=0$



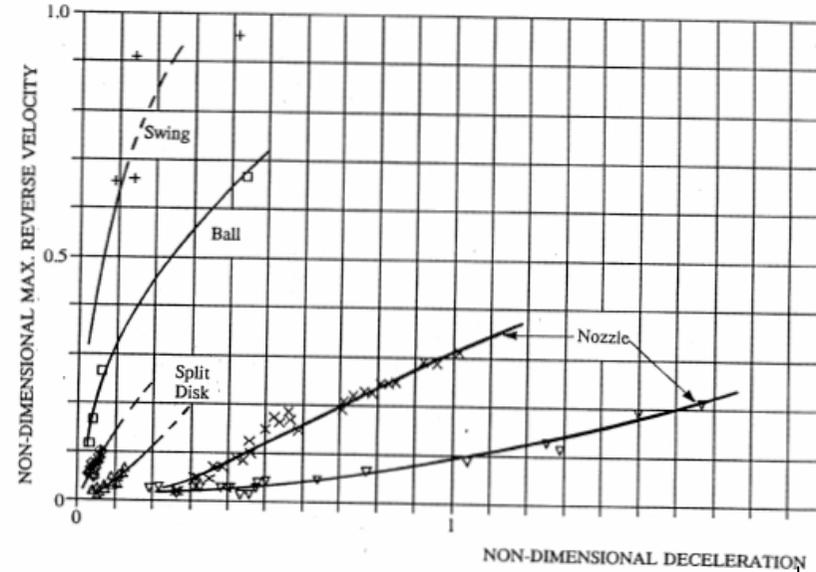
Comportamiento “no ideal” de la V.R.  
(CHECK VALVE SLAM)



## Datos experimentales



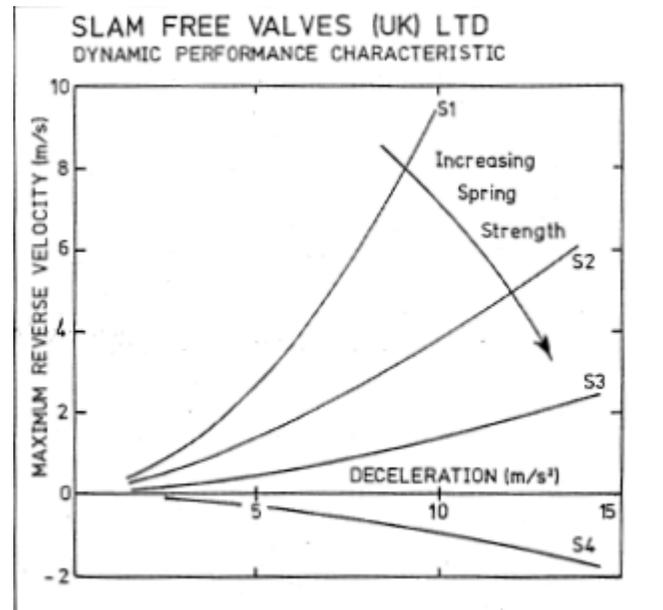
$$\frac{V_r}{V_0}$$



$$\frac{dV}{dt} \approx \frac{V_0}{T}$$

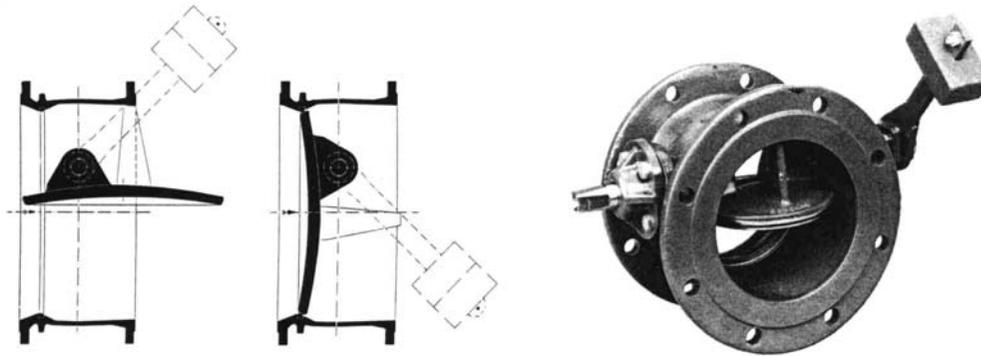
$V_0$  = velocidad directa

T = Tiempo que tarda en anularse la velocidad directa

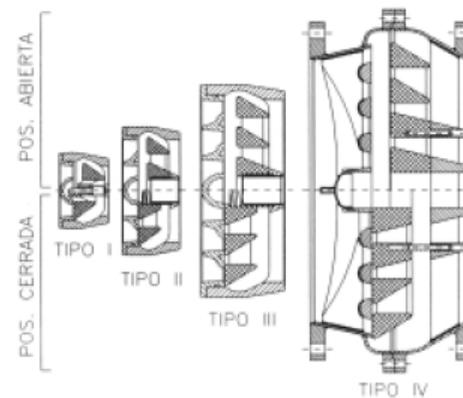
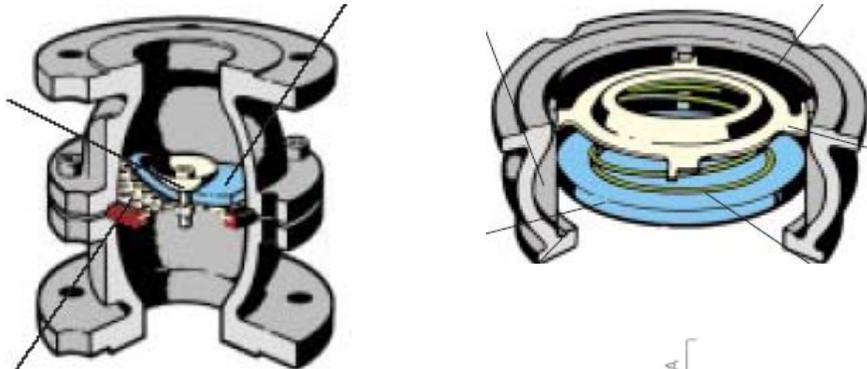


$$\frac{D}{V_0^2} \cdot \left| \frac{dV}{dt} \right|$$

Válvula de mariposa con contrapeso



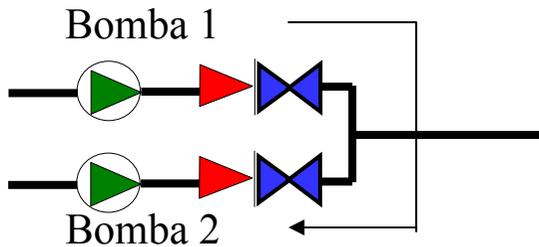
Acelerar el cierre para que este se produzca cuando  $V=0$  (no veloc. Retorno)



Válvula de mariposa con Contrapeso y amortiguador

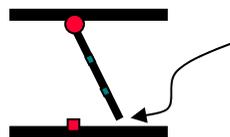
Si hay veloc. retorno, cerrar la VR lentamente

## Bombas en paralelo



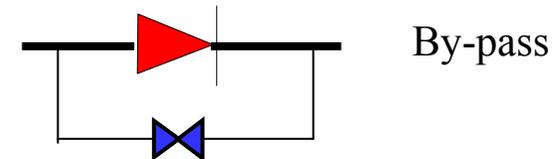
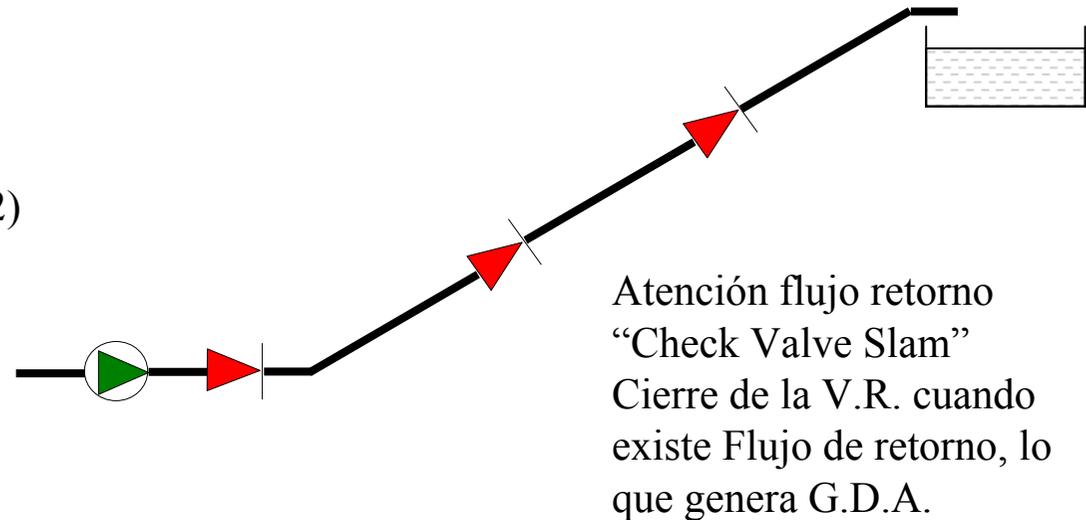
Evitar recirculación cuando una bomba en funcionamiento (B.1) y otra parada (B.2)

VR con cierre controlado, evitando que, al parar una bomba se produzca “clapetazo”, que da origen a P altas a.arriba y a.abajo.



Perforar la clapeta

## Dispositivo de protección contra golpe de ariete (G.D.A.)

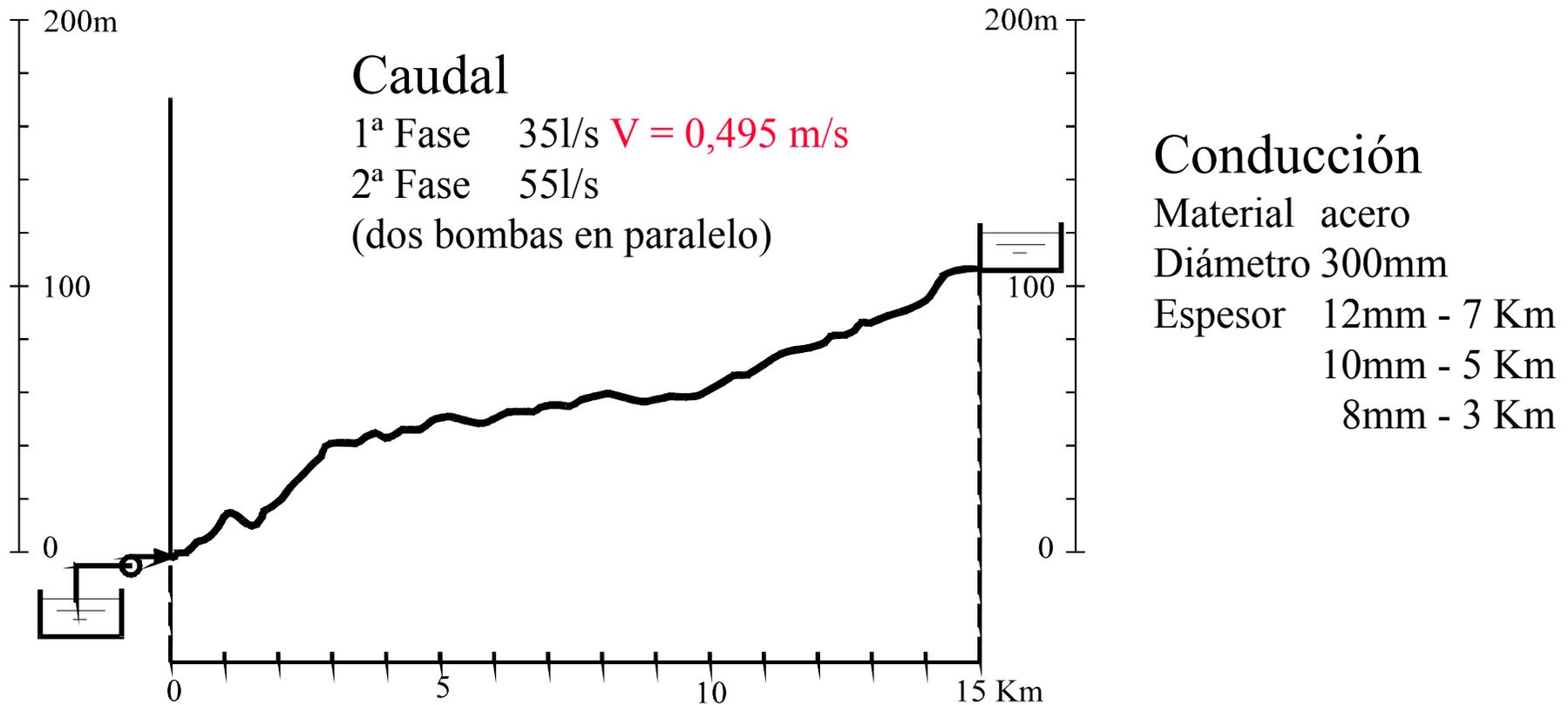


Válvula de menor diámetro para dejar paso a pequeño flujo retorno (actúa como una V. de alivio)

## Procedimiento para la evaluación de riesgos

1. Definir sistema, límites seguridad y condiciones aceptables o no.
2. Listar posibles causas e identificar los peores casos.
3. Obtener datos fundamentales (celeridad, pulso de Joukowski,...)
4. Caracterizar tramos y simplificar.
5. Esbozar línea alturas piezométricas e identificar problemas principales.
6. Identificar estrategias de protección y/o supresión y diseñar dispositivos de protección.
7. Preparar especificaciones para el análisis por ordenador.

## Ejemplo. Sistema y límites.



### Límites aceptables

- No cavitación. Presión mínima -6mca
- Máximas limitadas.
- Evitar cargas de choque (VR adecuadas)

# Listado de causas. Datos fundamentales

## Lista de causas

- Arranque de bombas (aumento de presión)
- Parada con cierre previo (caída de presión)
- Fallo de energía eléctrica (caída de presión)
- Parada de una bomba (caída de presión)

## Orden de gravedad

- Fallo de energía eléctrica
- Parada de una bomba
- Parada con cierre previo

## Datos fundamentales

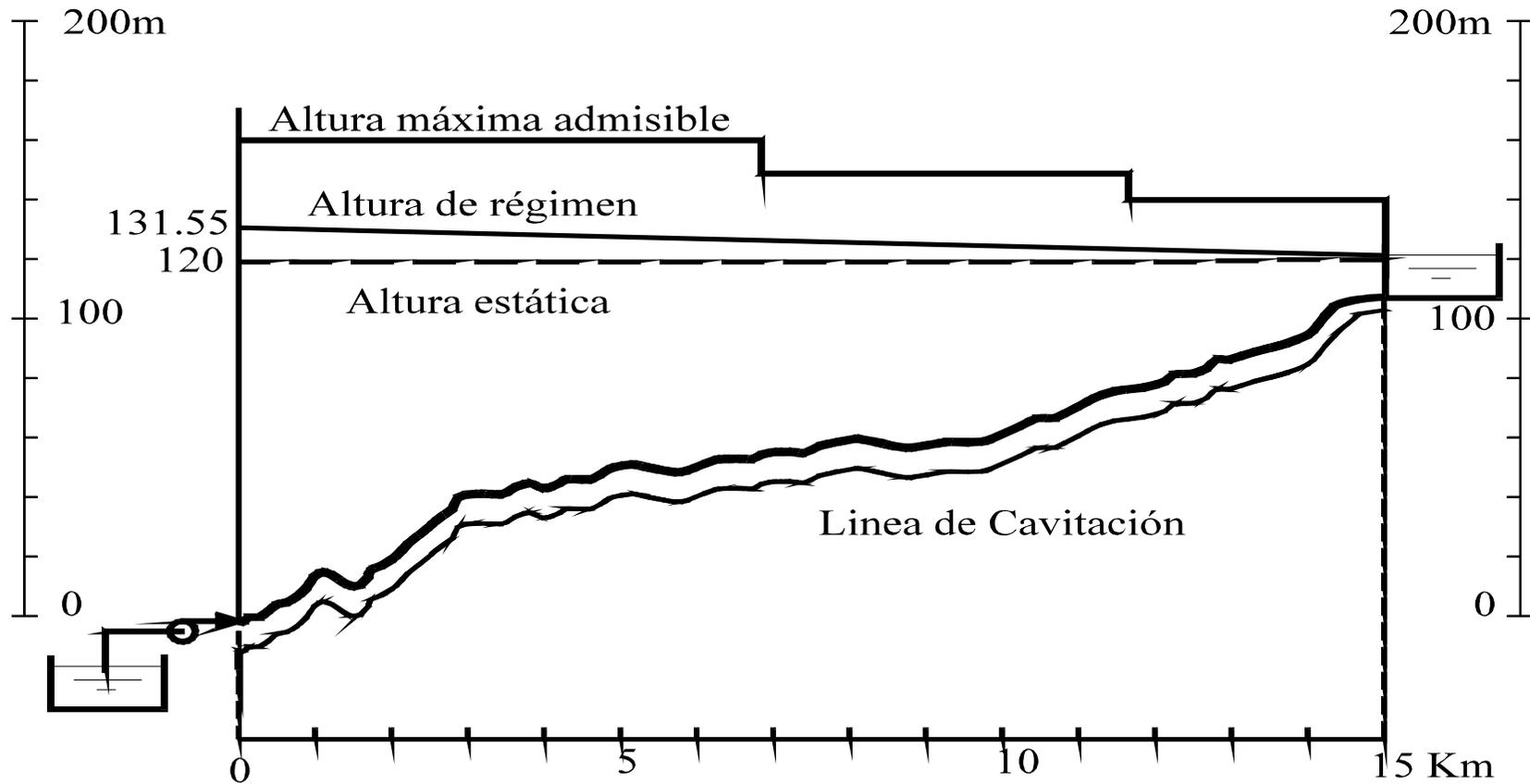
$$a = \frac{9900}{\sqrt{48.3 + k \frac{D}{e}}} = \begin{matrix} \xrightarrow{D/e=25} & 1269\text{m/s} \\ \xrightarrow{D/e=37.5} & 1207\text{m/s} \end{matrix} \quad \left. \vphantom{\frac{9900}{\sqrt{48.3 + k \frac{D}{e}}}} \right\} a=1250\text{m/s}$$

$$\Delta H = H_j = - \frac{a \Delta V}{g} = - \frac{1250 \times 0.495}{9.81} = 63.07\text{m}$$

$$T = 2L/a = 24\text{s}$$

$$t_B = 7\text{s}$$

# Idealizaciones



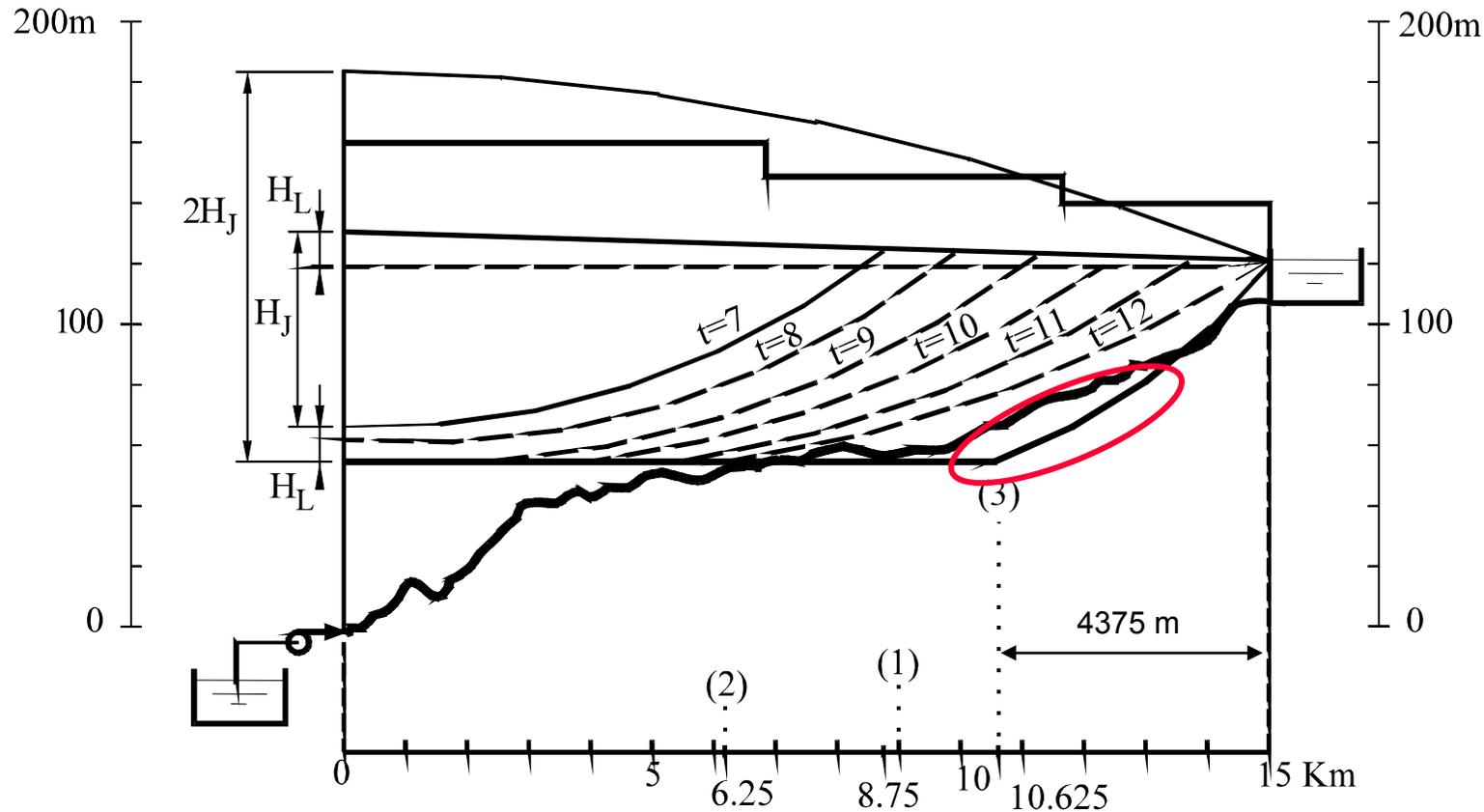
Bomba equiv. a 2 en paralelo

Sumar Inercia

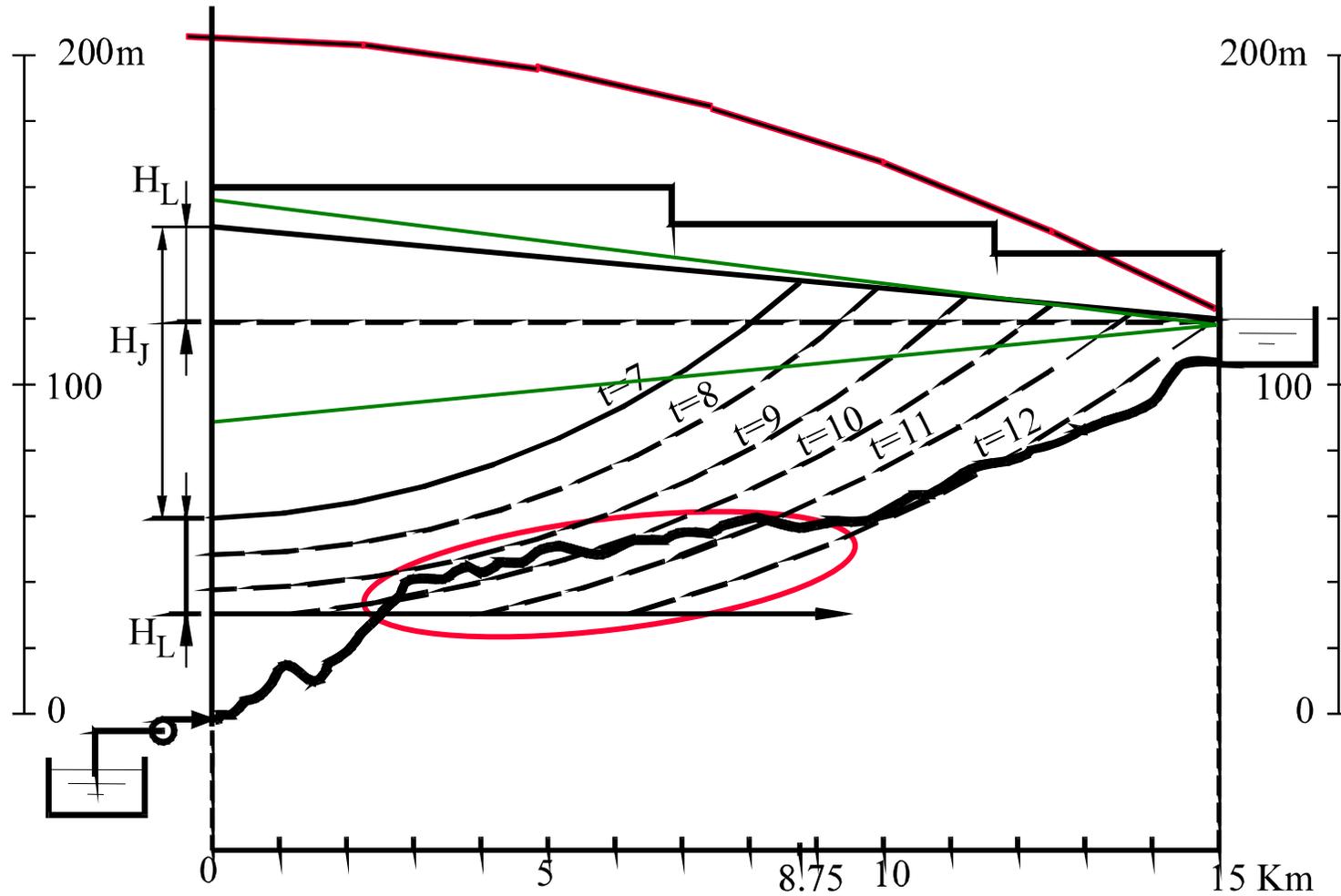
$$V = \frac{Q}{A} = \frac{0.035}{\pi \frac{0.3^2}{4}} = 0.495 \text{ m/seg}$$

$$h_L = f \frac{L V^2}{D 2g} = 0,0185 \frac{15000 \cdot 0,495^2}{0,3 \cdot 2g} = 11,55 \text{ mca}$$

# Esbozo de líneas e identificación de problemas



- (1)  $H_B = h_E - \Delta H_J = 131.55 - 63.07 = 68.55$  mca  
 frente de la onda  $7 \times 1250 = 8750$  m  
 cola de la onda en la VR = 0
- (2) frente de la onda  $12 \times 1250 = 15000$  m  
 cola de la onda  $15000 - 8750 = 6250$  m
- (3) frente de la onda de vuelta  $15.5 \times 1250 = 15000 + 4375$   
 cola de la onda de ida  $15000 + 4375 - 8750 = 15000 - 4375 = 10625$  m
- longitud onda  
8750m



-  $V_0 = 0.778$  m/seg.

-  $h_L = 27.2$  m.c.a.

- Pulso de Joukowski:  $H_J = 99$  m.c.a.

 Envolvente con  
protección de calderín